

1M 12.5.09

Notizteil

12.05.2009

## Lineare Regression

$$F = \sum_{i=1}^n (x^{(i)} - \sum_{j=0}^k w_j \cdot a_j^{(i)})^2 \stackrel{!}{=} \min$$

$$\frac{\partial F}{\partial w_l} = \sum_{i=1}^n 2 \cdot (x^{(i)} - \sum_{j=0}^k w_j \cdot a_j^{(i)}) \cdot (-a_l^{(i)}) \stackrel{!}{=} 0 \text{ für } l=0 \dots k$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^n \sum_{j=0}^k \underline{w_j} \cdot a_j^{(i)} a_l^{(i)} = \sum_{i=1}^n a_l^{(i)} x^{(i)} \text{ für } l=0 \dots k$$

Lineares GLS, nach den  $w_j$  auflösen

Lineare Regression zur Klassifikation



Regressionsgerade  
Fehler der Regression,  
die keine echten  
Fehler sind

Paarweise Regression

Klassen A, B, C

Abschneiden für eine Instanz

A : B :  $-0,8$

A :  $-0,6$

A : C :  $+0,2$

B :  $+1,5$

B : C :  $+0,7$

C :  $-0,9$

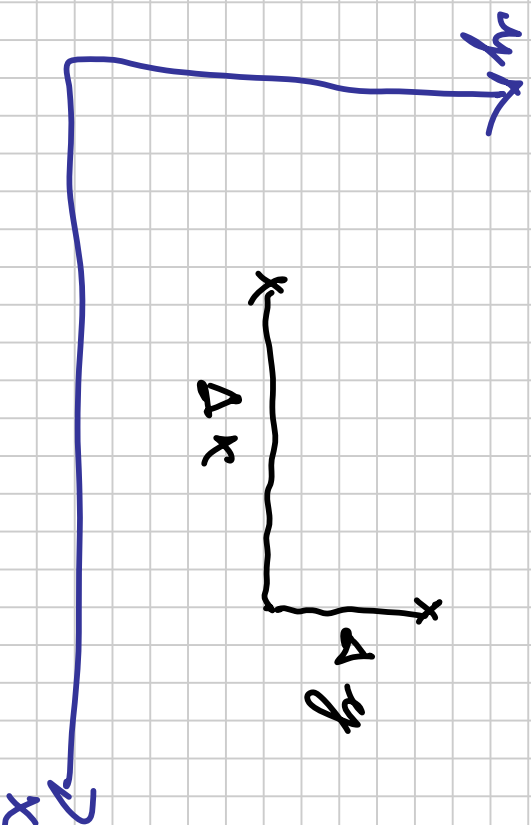
→ wähle Klasse B

# Logistische Regression



$$p = \frac{e^{w_0 + w_1 \alpha_1}}{1 + e^{w_0 + w_1 \alpha_1}}$$

Distanzmetriken

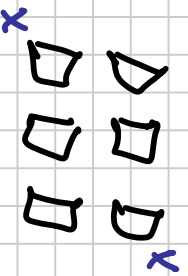


Euklidische Distanz

$$\sqrt{(\Delta x)^2 + (\Delta y)^2}$$

Manhattan-Distanz

$$|\Delta x| + |\Delta y|$$



## Bayessches Netzwerk

$P(\text{play}, \text{outlook}, \text{windy}, \text{temperature}, \text{humidity}) =$

naïve Bayes:

$= P(\text{outlook} | \text{play}) \cdot P(\text{windy} | \text{play}) \cdot P(\text{temperature} | \text{play}) \cdot P(\text{humidity} | \text{play}) \cdot P(\text{play})$

Netzwerk

$= P(\text{outlook} | \text{play}) \cdot P(\text{windy} | \text{outlook}, \text{play}) \cdot$

$P(\text{temperature} | \text{outlook}, \text{play}) \cdot P(\text{humidity} | \text{temperature}, \text{play}) \cdot P(\text{play})$

$P(\text{windy} = \text{true}, \text{outlook} = \text{sunny}, \text{temperature} = \text{cool}, \text{humidity} = \text{high} | \text{play} = \text{yes}) =$

$P(\text{outlook} = \text{sunny} | \text{play} = \text{yes}) \cdot P(\text{windy} = \text{true} | \text{outlook} = \text{sunny}, \text{play} = \text{yes}) \cdot$

$P(\text{temperature} = \text{cool} | \text{outlook} = \text{sunny}, \text{play} = \text{yes}) \cdot$

$P(\text{humidity} = \text{high} | \text{temperature} = \text{cool}, \text{play} = \text{yes}) \cdot P(\text{play} = \text{yes})$